中华人民共和国教育部主管全国中文核心期刊

2015

中国成人教育

CHINA ADULT EDUCATION

19

- 【半月刊】
- ◎ 新常态下成人教育学科体系建设的原则和策略
- ◎普通高校成人高等教育深化改革的思考
- ◎ 碎片化学习背景下微模式教学研究
- ◎ 新生代农民工媒介素养教育探析

目录 CONTENTS

	构建高校教学质量监控体系的思考	李晓靖	142
	基于工作过程系统化的中高职衔接课程体系开发模式研究	孙 建	145
	大学生自主学习影响因素探析	李 妍等	148
	成人学习的社会需求现状与对策研究	董永芳	150
	信息技术推动教学改革的思考	万代黎	153
	文化视域下高校隐形课程建设探析	马军红	155
	差异性评价对提升职校学生自信心的探究	葛炳伟	158
100	专业教学研究		
	计算机应用实践能力培养模式研究	李克文	161
	高职法律教育应走"实践理性"之路	吴午东	163
	研学理念结合 PBL 教学模式的(国际金融)课程改革与实践	朱 捷	166
	建构幼教实践阅览室促进学生能力生成	张云茜	168
	对大学数学实验课程研究的再认识	葛 倩等	170
	基于教师资格全国统考的"两学"课程改革之思考		
	——以小学教师资格考试为例	陈淑睿等	173
	高校思想政治理论课教学中"新闻教学"模式的应用	逢峰	175
	引民族传统体育项目进高校体育的教学改革研究	程卫宏等	177
	民办院校高职学生英语自主学习能力培养的研究	周 萍等	180
	CBI 拓展式英语教学模式与教师素质探讨	史晓燕等	183
	心理因素在职业学校英语教学中的影响和对策	刘静	186
	农村职成教		
	新生代农民工媒介素养教育探析		
	——以浙江省为例	马 莉	188
	基于农民素质提升的农村继续教育调查分析		
	——以寿光蔬菜种植产业为例	王治芳等	191
-		NAME OF TAXABLE PARTY.	-

指	导	中华人民共和国教育部	国内发行	全国各地邮政局
		职业教育与成人教育司		邮发代号 24—96
主	办	中国成人教育协会 山东省教育厅	国外发行	中国国际图书贸易
编	辑	山东成人教育协会 中国成人教育编辑部		总公司(北京 399 信箱)
出	版	中国成人教育杂志社	+SICHTIES	ISSN 1004-6577
网地	址址	http://www.zgcrjy.com 济南市青年东路 1 号	中国标准刊号	CN 37-1214/G4
邮	编	250011	广告许可证	鲁工商广字 01106 号
电印	话刷	(0531)82620118 济南百思特印业有限公司	定价	12.50 元

对大学数学实验课程研究的再认识

○葛 倩 傅海伦 刘秋香

[摘要] 数学实验是一门新兴的高等学校数学基础课程,突破了传统的数学教学观念和教学模式,其重要作用已引起越来越多数学教育工作者的重视,围绕该课程的研究有很多。本文对大学数学实验相关研究的重要文献进行了分析和总结,对数学实验课程的内涵、内容体系、数学模式等方面的研究提出了再认识,并对数学实验的未来研究进行了展望。

[关键调] 数学实验;课程建设;内容体系;教学模式

[作書簡介] 葛倩(1980-),女,博士,山东建筑大学理学院讲师,研究方向;大学数学课程与教学论。(山东 济南 250014);傅海伦(1970-),男,山东师范大学数学科学学院教授,研究方向;数学课程与教学论和数学文 化与数学史。(山东济南 250014);刘秋香(1971-),女,济宁学院初等教育学院副教授,研究方向;数学教育(山 东曲阜 273165)

[课题来源] 本义为教育部重点课题——"数学史应用于数学教育的方法论研究(DHA130273)";山东省研究生创新计划项目——教育硕士(数学)专业学位课程创新体系构建与实践教学探索(SDYY12121);教育硕士示范课程"中小学数学课程与教材分析"成果之一。

21 世纪初, 关于数学实验课程建设与课程改革 的研究论文开始出现在各类教育期刊上,并逐渐成为 一个热点问题。在这类研究中,有关于中学数学实验 改革与实践的,也有关于大学数学实验课程改革与建 设的。中学的数学实验是作为一种教学模式或者教学 思想而存在的,并没有形成一门课程,而且中学数学 教学要围绕高考这根指挥棒,同时受教师素质、硬件 设备等条件的制约,大部分研究只能是之上谈兵,真 正开展起来会困难重重。而在大学中,数学实验作为 一门课程独立存在,课程的建设和改革环境要宽松许 多,并且已经有了一定的实践基础,目前的研究成果 主要集中在物学实验课程的教学模式和教学实践总 结上,深层次的系统研究并不多,本文针对大学数学 实验课程,从课程的观点出发,分析相关研究,对课程 的指导思想、内容体系、组织实施等几个方面进行再 认识,并提出一些尚待解决的问题。

一、对大学数学实验课程本质的再认识

(一)对数学实验内涵的再认识

对数学实验的真正内涵,在该课程开设之初,许 多研究者和高校教师并没有真正搞清楚。有的认为只 是简单地介绍些数学软件的使用方法,用计算机做几 个高等数学、线性代数的题而已;有的将数学实验和 数学建模混为一谈,认为数学实验就是介绍数学模型 的建立、求解。随着该课程的大范围推广和教学研究 的不断深入,对数学实验内涵的认识日渐清晰。有研 究者借助于科学实验的定义将其具体界定为"为获得 某种数学理论,检验某个数学猜想,解决某类问题,实 验者运用一定的物质手段,在数学思维活动的参与 下,在特定的实验环境下进行的探索、研究活动"^[1]。 当然这不是简单下一个定义的问题,我们可以借助于 数学实验课程与其他课程的区别来认识它的内涵。

首先,数学实验不同于传统的数学课程,"实验" 二字形象地描述了它的内涵,这是一门重在应用的课程,像物理实验、化学实验一样,需要学生自己动手去 经历发现、探索的过程,从探索中得出结论。因此二者 的教学方法完全不同,传统的数学课程主要是由教师 传授理论知识,讲解解题方法;而数学实验则是以学 生上机实验为主,在实验中自己去发现知识,体验发 现的乐趣。

其次,数学实验不等同于数学建模,尽管两者的目的都是培养学生"用数学"的能力,但目标不同。李尚志教授指出,前者是在计算机的帮助下学习数学知识,后者是用数学知识来解决实际问题。[2]这就使得二者的课程内容有较大差别;数学实验介绍数学方法和软件的用法,重在模型的求解,而数学建模重在介绍建模的过程;数学实验中涉及的问题相对简单,具有普遍意义,不需要高深的数学知识,而数学建模涉及的案例一般需要综合应用各方面的数学知识;数学实验课以上机为主,需要用计算机完成实验报告,而数学建模以理论教学为主。[3]

此外,数学实验也不同于一般的计算机课程,尽 管需要介绍相关的数学软件,但这不是目的和关键, 重要的是如何借助计算机工具来解决数学问题,因此 对计算机知识的介绍只是课程的一小部分,课时不够 的情况下甚至可以让学生去自学。

(二)數學字齡课程的指导思机

姜启源教授在数学实验课程开设之初就指出, "数学实验课程应该以学生动手为主,在教师指导下 用学到的数学知识和计算机技术,选择合适的数学软 件,分析、解决一些实际问题", ③李尚志教授则认为 "数学实验课程目的,是使学生掌握数学实验的基本 思想和方法,即不把数学看成先验的逻辑体系,而是 把它视为一门'实验科学',从问题出发,借助计算机, 通过学生亲自设计和动手,体验解决问题的过程,从 实验中去学习、探索和发现数学规律"。[2]一个落脚点 在解决实际问题,一个落脚点在学习、探索和发现数 学规律,后者是在前者基础上的更高要求。近年来大 部分的研究者倾向于前者,后者看起来很美好,但真 正要达到这样的目的很难,并不是一门课程短短几十 个学时所能做到的。在指导思想上,二者的观点是相 同的, 数学实验的目的不是传授系统的数学知识,而 是在于通过该课程的学习,激发学生学数学的兴趣。 数学实验中用到的知识和方法应该是简单和浅显的, 教师不需要花过多的时间和精力去讲解,即使遇到困 难,也让学生自己想办法去解决,切身感受解决问题 的酸甜苦辣。

(三)教学实验课程的作用

对数学实验这门课程作用的认识,无论是从开设之初,还是到如今的遍地开花,大家都是一致的,那就是——让学生学会用数学。《高等数学改革研究报告(非数学类专业)》中指出:现代化大学数学课程的基本结构由基础部分、选学部分和讲座三部分组成,其中基础部分由四部分内容构成(但是对于不同的专业,教学难度和学时一般不同);(1)以微积分、常微分方程(通常称为高等数学)组成的处理连续量的基础;(2)以线性代数组成的处理离散量的基础;(3)以概率论与数理统计组成的处理随机量的基础;(4)以数学实验和数学建模组成的数学应用的基础。

可见数学实验已成为与高等数学、线性代数、概论统计三门传统数学课程并驾齐驱的课程,在整个大学数学教育体系中起着重要的作用,其作用主要体现在^[4];(1)能加深学生对抽象的数学概念和数学定理的认识和理解;(2)发展综合思维能力,提高用数学知识和方法解决问题的能力;(3)通过学生的主动学习,培养学生的主体意识和创新能力;(4)通过长期锻炼,培养学生的科学素养,有助于以后的科学研究;(5)对教师的教学观念和教学活动也产生了一定影响。

但这门课程不是万能的,有研究者指出"数学实验课程绝不能取代传统的数学教学,它只能作为传统数学教学的一个补丁"。⑤该课程的定位应该是一门数学基础课,主要面向低年级学生,目的是"让学生结合使用计算机解决实际问题的过程来学习数学和应用数学"。⑥

二、对大学数学实验课程内容体系研究的再认识 相对于传统的数学课程来讲,数学实验课程的内 容具有一定的开放性,但基本内容应包括一个合适的 数学软件平台(常用的有 MATLAB, Mathematic 和 Maple)以及一些常用的解决问题的数学方法(如数值 计算方法、最优化方法等)。纵观 20 世纪 90 年代以来 的数学实验教材,其内容安排上各具特色,呈现方式 主要有两种:一种是按与之相关的数学课程划分内 容,如分为高等数学模块、线性代数模块、概率统计模 块、数值计算模块、综合实验模块等;一种是依据实验 目的不同划分内容,如分为基础实验、验证性实验、探 究性实验、应用性实验、拓展性实验等。两种划分方式 各有优势, 但如果把数学实验作为一门独立的课程, 显然后一种方式更合理。对后面这种划分方式,尽管 不同教材的实验数目和名称不同,但综合起来主要包 括以下三大类实验。

第一类是验证性实验,主要是介绍数学软件的基本用法,让学生借助计算机和数学软件,对数学课程中的基本概念,基本原理等进行验证,通过直观性教学加强对基本概念和基本原理的认识和理解,这类实验主要是操作性的、体验性的,相对简单。

第二类是探究性实验,根据给出的实验课题,由 教师结合某一部分数学内容给出题目,并引导学生设 计实验方案,综合运用数学理论和方法,通过上机实 验寻求解决问题的途径。这类实验需要学生有一定的 数学基础和分析问题、解决问题的能力,但这类实验 中的问题往往只涉及某一部分的数学知识,问题中会 有预设性的引导,学生主要是按预设方向设计方案, 进行猜想,然后上机实验。

第三类是综合性实验,可由教师提供问题,也可由学生根据专业自选题目,完全由学生自己设计方案,收集分析数据,并进行变式和推广,这类实验对学生综合素质的要求较高,类似于数学建模,但比起数学建模,理论推导要求低一些,更强调学生动手的过程。

數学实验可讲的内容很多,教师选择教学内容的 自由度很大,但这并不意味着放任自由。教师必须根 据学生的实际情况和专业发展的需求,对教学内容进 行精心的选择,合理搭配不同层次的实验,不但要注 重理论联系实际,还要注意实验的可操作性,力争在 有限的学时内到达最佳的教学效果。

三、对大学数学实验课程实施研究的再认识

数学实验课程的"新"不仅体现在新的内容体系 上,而且体现在新的教学模式上。由于数学实验课程 的内容具有一定的开放性,其教学方法、教学手段、教 学评价等也没有一个固定的模式。李尚志教授认为, "数学实验,就是对数学进行折腾,最重要的是让学生 自己动手,借助计算机去折腾数学,在折腾的过程中

专业教学研究 ZHUANYE JIAOXUE YANJIU

去学习、观察、探索、发现"^[2]。他同时指出,数学实验的教学模式可以采取讲座式的形式,不追求系统化。也有研究者将数学实验的教学模式具体分为了五个环节:创设情境、活动与实验、讨论与交流、归纳与猜想、验证与数学化。^[1]还有研究者提出了数学实验教学的三种模式——"讲练式、探练式与自练式"和现项原则——"可接受性、应用性、开放性和启发性"^[2]。课程设置上,目前大部分学校还是将数学实验作为选修课开设的,也有少部分学校作为必修课开设,还有一些学校将数学实验设置为高等数学等课程的一部分。课时上,有多有少,上机与授课课时的比例也不尽相同。但透过各学者对数学实验教学模式的论述,呈现出一些共性的东西

(一)强调教学中学生的主体地位

数学实验课程教学强调学生的实践与活动,学生可以采用不同的实验方法,设计不同的实验步骤,对实验结果作出不同的解释,主动权完全掌握在学生手中,充分发挥了学生的主体作用,这是其他数学课程所做不到的。正如一研究者所说"数学实验课的开设,把传统的传授灌输型的教育模式变为师生共同的、学生自觉和积极主动合作的活动过程,是对传统高等数学教育观念的挑战,动摇了传统高等数学教育的固有模式,指明了传统高等数学教育模式改革的方向"。

(二)重上机实践,轻理论推导

数学实验是一门强调动手的课程,所以学生在计算机上动手解决问题的时间和条件必须保证,不能把大量的时间浪费在定理、方法的推导证明上。即使是学生以前没有接触过的知识,也只需要"点到为止"。有研究者将数学实验比作是"开胃汤",通过实验激发学生学习数学理论的兴趣,胃口吊起来之后,可通过学习其他课程来满足对于理论学习的渴求。

(三)重视教学中的合作与交流

数学交流是现代数学教学中的新课题,而数学实验给学生提供了一条良好的交流途径,这里的交流包括人机交流、师生交流以及学生间的交流。许多问题可能一个人解决不了,但是通过交流讨论、分工合作,可以达到事半功倍的效果。一些综合性的实验,学生间的合作交流是实验能否成功的关键。

(四)教学评价上,重视过程评价和形成性评价

数学实验的课程性质决定了对学生的评价应贯穿于课程的始终,"加大面向效率、基于学习过程的考核"⁽⁸⁾。现在大家普遍采用的评价方式是参照"平时成绩+作业成绩+笔试成绩"进行综合评价。作业主要是撰写实验报告和研究论文两种,其中实验报告要求的是真实性,哪怕结果是错误的,也要如实地记录;而研究论文要求的是创造性,需要学生在实验结果的基础上,用自己的观点对结果进行分析、阐述。

四、未来研究工作展望

数学实验课程的出现,向沿袭了几十年的传统高 等数学教学观念和教学模式提出了挑战。同其他传统 数学课程比起来, 数学实验毕竟是一门年轻的课程, 尽管已经经历了十多年的研究探索, 但各方面都还不 够成熟,还需要进一步的改革与完善。国内高校开设 数学实验课程的历史相对还比较短,数学实验课程的 普及程度还不够广泛,开设的面也远不及其他数学课 程,大部分学校还是作为一门公共选修课来开设,涉 及的学生数量有限。有学者指出,"一个重要的原因是 对数学实验这门课程的基本内涵和框架,数学教育界 还缺乏一个大致统一的认识和规范,同时各类数学实 验课程的差异也让一些尚未开设这门课程而处于观 望状态的高校难以适从"河。尽管数学实验的重要性 已得到大家的共识, 但从众多研究者的口吻来看,大 家都处在一个摸索的阶段,从近年来的有关数学实验 课程的研究来看,更多的是教学总结和教学体会式的 文章,真正深人研究课程内部问题的文章并不多。首 先,整个课程还缺乏一个指导性的教学大纲,教学模 式、教学方法也有待进一步的规范;其次,如何加强数 学实验课程与数学基础课,专业课的联系,如何加强 数学实验课程的网络资源建设等问题都是需要深入 研究的:第三,可以充分利用网络资源、数字化教学 (徽课、翻转课堂)等信息化手段来解决课时不足的问 题,但这需要一个长期积累的过程。此外,教师队伍的 限制,学校硬件设施的限制,也对数学实验课程的普 及和改革造成了影响。数学实验课程的发展任重而道远。

参考文献:

- [1]曹一鳴.数学实验数学模式探究[J]课程.教材·教法,2003, (1):46-48
- [2]李尚志,陈发来《数学实验》课程建设的认识与时间[J].数学的实践与认识、2001,31(6):764-768.
- [3] 姜启源.数学实验与数学建模[J].数学的实践与认识。 2001,31(5):608-612.
- [4]傳海伦.數學思想方法发展概论[M].濟南:山东教育出版 社,2009.
- [5]除慧.数学实验课程教学改革研究[J].中国大学教学,2007, (12):35-36,56.
- [6]许建强,乐经良,胡良剑,国内数学实验课程开设现状的调查分析[J].大学数学,2010,26(4):1-3.
- [7]罗为民,李昌兴,史克明."数学实验"与"数学建模"课程教 学改革[J].高等工程教育研究,2005,(6):110-112.
- [8]高鑫,夏梓翔,伍勇等,新信息时代下大学数学实验课程的 变革与实践[J],大学数学,2014,(S1):132-136.
- [9]蕭树钦.高等数学改革研究报告[J].数学通报,2002,(9): 3-8.

责任编辑:鞠锡田